

PHẦN I: ĐẠI SỐ - GIẢI TÍCH

CHƯƠNG I. HÀM SỐ LƯỢNG GIÁC – PHƯƠNG TRÌNH LƯỢNG GIÁC

A. KIẾN THỨC CẦN NHỚ

CÁC CÔNG THỨC LƯỢNG GIÁC NẮM VỮNG



① Công thức cơ bản

- $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$
- $\tan x \cdot \cot x = 1$
- $\tan x = \frac{\sin x}{\cos x}$
- $\cot x = \frac{\cos x}{\sin x}$
- $1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$
- $1 + \cot^2 x = \frac{1}{\sin^2 x}$

② Công thức cung nhân đôi – Công thức hạ bậc – Công thức cung nhân ba

- $\sin 2x = 2 \sin x \cdot \cos x$
- $\cos 2x = \begin{cases} \cos^2 x - \sin^2 x \\ 2 \cos^2 x - 1 = 1 - 2 \sin^2 x \end{cases}$
- $\sin^2 x = \frac{1 - \cos 2x}{2}$
- $\cos^2 x = \frac{1 + \cos 2x}{2}$
- $\sin 3x = 3 \sin x - 4 \sin^3 x$
- $\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$

③ Công thức cộng cung

- $\sin(a \pm b) = \sin a \cdot \cos b \pm \cos a \cdot \sin b$
- $\cos(a \pm b) = \cos a \cdot \cos b \mp \sin a \cdot \sin b$
- $\tan(a + b) = \frac{\tan a + \tan b}{1 - \tan a \cdot \tan b}$
- $\tan(a - b) = \frac{\tan a - \tan b}{1 + \tan a \cdot \tan b}$
- $\tan\left(\frac{\pi}{4} + x\right) = \frac{1 + \tan x}{1 - \tan x}$
- $\tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = \frac{1 - \tan x}{1 + \tan x}$

④ Công thức biến đổi tổng thành tích

- $\cos a + \cos b = 2 \cos \frac{a+b}{2} \cdot \cos \frac{a-b}{2}$
- $\cos a - \cos b = -2 \sin \frac{a+b}{2} \cdot \sin \frac{a-b}{2}$
- $\sin a + \sin b = 2 \sin \frac{a+b}{2} \cdot \cos \frac{a-b}{2}$
- $\sin a - \sin b = 2 \cos \frac{a+b}{2} \cdot \sin \frac{a-b}{2}$
- $\tan a + \tan b = \frac{\sin(a+b)}{\cos a \cdot \cos b}$
- $\tan a - \tan b = \frac{\sin(a-b)}{\cos a \cdot \cos b}$

⑤ Công thức biến đổi tích thành tổng

- $\cos a \cdot \cos b = \frac{\cos(a+b) + \cos(a-b)}{2}$
- $\sin a \cdot \cos b = \frac{\sin(a+b) + \sin(a-b)}{2}$
- $\sin a \cdot \sin b = \frac{\cos(a-b) - \cos(a+b)}{2}$

⑥ Một số công thức thông dụng khác

- $\sin x + \cos x = \sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2} \cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$
- $\sin x - \cos x = \sqrt{2} \sin\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \sqrt{2} \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$
- $\cos^4 x + \sin^4 x = 1 - \frac{1}{2} \sin^2 2x = \frac{3 + \cos 4x}{4}$
- $\cos^6 x + \sin^6 x = 1 - \frac{3}{4} \sin^2 2x = \frac{5 + 3 \cos 4x}{8}$

1. Giá trị lượng giác của các góc có liên quan đặc biệt

| Góc đối nhau | Góc bù nhau | Góc phụ nhau | Góc hơn kém π | Góc hơn kém $\frac{\pi}{2}$ |
|--------------------------------|-------------------------------------|---|-------------------------------------|--|
| $\cos(-\alpha) = \cos \alpha$ | $\sin(\pi - \alpha) = \sin \alpha$ | $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cos \alpha$ | $\sin(\pi + \alpha) = -\sin \alpha$ | $\sin\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = \cos \alpha$ |
| $\sin(-\alpha) = -\sin \alpha$ | $\cos(\pi - \alpha) = -\cos \alpha$ | $\cos\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \sin \alpha$ | $\cos(\pi + \alpha) = -\cos \alpha$ | $\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\sin \alpha$ |
| $\tan(-\alpha) = -\tan \alpha$ | $\tan(\pi - \alpha) = -\tan \alpha$ | $\tan\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \cot \alpha$ | $\tan(\pi + \alpha) = \tan \alpha$ | $\tan\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\cot \alpha$ |
| $\cot(-\alpha) = -\cot \alpha$ | $\cot(\pi - \alpha) = -\cot \alpha$ | $\cot\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = \tan \alpha$ | $\cot(\pi + \alpha) = \cot \alpha$ | $\cot\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right) = -\tan \alpha$ |

2. Phương trình $\sin x = \sin \alpha$

$$\begin{aligned} \sin x = a, \quad (-1 \leq a \leq 1) \\ \text{a) } \sin x = \sin \alpha &\Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha + k2\pi \\ x = \pi - \alpha + k2\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \text{b) } \sin x = a &\Leftrightarrow \begin{cases} x = \arcsin a + k2\pi \\ x = \pi - \arcsin a + k2\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \text{c) } \sin u = -\sin v &\Leftrightarrow \sin u = \sin(-v) \\ \text{d) } \sin u = \cos v &\Leftrightarrow \sin u = \sin\left(\frac{\pi}{2} - v\right) \\ \text{e) } \sin u = -\cos v &\Leftrightarrow \sin u = \sin\left(v - \frac{\pi}{2}\right) \end{aligned}$$

Các trường hợp đặc biệt:

$$\begin{aligned} \sin x = 0 &\Leftrightarrow x = k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \sin x = 1 &\Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \sin x = -1 &\Leftrightarrow x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \sin x = \pm 1 &\Leftrightarrow \sin^2 x = 1 \Leftrightarrow \cos^2 x = 0 \Leftrightarrow \cos x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{aligned}$$

3. Phương trình $\cos x = \cos \alpha$

$$\begin{aligned} \cos x = a, \quad (-1 \leq a \leq 1) \\ \text{a) } \cos x = \cos \alpha &\Leftrightarrow x = \pm \alpha + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \text{b) } \cos x = a &\Leftrightarrow x = \pm \arccos a + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \text{c) } \cos u = -\cos v &\Leftrightarrow \cos u = \cos(\pi - v) \\ \text{d) } \cos u = \sin v &\Leftrightarrow \cos u = \cos\left(\frac{\pi}{2} - v\right) \\ \text{e) } \cos u = -\sin v &\Leftrightarrow \cos u = \cos\left(\frac{\pi}{2} + v\right) \end{aligned}$$

Các trường hợp đặc biệt:

$$\begin{aligned} \cos x = 0 &\Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \cos x = 1 &\Leftrightarrow x = k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \cos x = -1 &\Leftrightarrow x = \pi + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \\ \cos x = \pm 1 &\Leftrightarrow \cos^2 x = 1 \Leftrightarrow \sin^2 x = 0 \Leftrightarrow \sin x = 0 \Leftrightarrow x = k\pi \quad (k \in \mathbb{Z}) \end{aligned}$$

4. Phương trình $\tan x = \tan \alpha$

a) $\tan x = \tan \alpha \Leftrightarrow x = \alpha + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

b) $\tan x = a \Leftrightarrow x = \arctan a + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

c) $\tan u = -\tan v \Leftrightarrow \tan u = \tan(-v)$

d) $\tan u = \cot v \Leftrightarrow \tan u = \tan\left(\frac{\pi}{2} - v\right)$

e) $\tan u = -\cot v \Leftrightarrow \tan u = \tan\left(\frac{\pi}{2} + v\right)$

Các trường hợp đặc biệt:

$\tan x = 0 \Leftrightarrow x = k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

$\tan x = \pm 1 \Leftrightarrow x = \pm \frac{\pi}{4} + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

5. Phương trình $\cot x = \cot \alpha$

$\cot x = \cot \alpha \Leftrightarrow x = \alpha + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

$\cot x = a \Leftrightarrow x = \operatorname{arccot} a + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

Các trường hợp đặc biệt:

$\cot x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

$\cot x = \pm 1 \Leftrightarrow x = \pm \frac{\pi}{4} + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

6. Một số điều cần chú ý:

a) Khi giải phương trình có chứa các hàm số tang, cotang, có mẫu số hoặc chứa căn bậc chẵn, thì nhất thiết phải đặt điều kiện để phương trình xác định.

* Phương trình chứa $\tan x$ thì điều kiện: $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$.

* Phương trình chứa $\cot x$ thì điều kiện: $x \neq k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

* Phương trình chứa cả $\tan x$ và $\cot x$ thì điều kiện $x \neq k\frac{\pi}{2} \ (k \in \mathbb{Z})$

* Phương trình có mẫu số:

$\sin x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

$\cos x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi \ (k \in \mathbb{Z})$

$\tan x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq k\frac{\pi}{2} \ (k \in \mathbb{Z})$

$\cot x \neq 0 \Leftrightarrow x \neq k\frac{\pi}{2} \ (k \in \mathbb{Z})$

PHƯƠNG TRÌNH LƯỢNG GIÁC THƯỜNG GẶP

1. Trình bậc nhất đối với một hàm số lượng giác

Dạng: $at + b = 0 \ (a \neq 0)$

Trong đó t là 1 hàm số lượng giác

Cách giải: $pt \Leftrightarrow t = -\frac{b}{a}$ là phương trình lượng giác cơ bản

Ví dụ: Giải $pt: 2\sin 2x + 1 = 0$

$$2\sin 2x + 1 = 0 \Leftrightarrow \sin 2x = -\frac{1}{2} \Leftrightarrow \sin 2x = \sin\left(-\frac{\pi}{6}\right) \Leftrightarrow \begin{cases} 2x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi \\ 2x = \frac{7\pi}{6} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{12} + k\pi \\ x = \frac{7\pi}{12} + k\pi \end{cases} \ (k \in \mathbb{Z})$$

2. Phương trình bậc hai đối với một hàm số lượng giác

$a\sin^2 x + b\sin x + c = 0 \quad a\cos^2 x + b\cos x + c = 0 \quad a\tan^2 x + b\tan x + c = 0 \quad a\cot^2 x + b\cot x + c = 0$

Cách giải:

Đặt ẩn phụ: $t = \sin x \ (t = \cos x; t = \tan x; t = \cot x)$

Ta được phương trình: $at^2 + bt + c = 0 \ (1)$. Giải phương trình (1) tìm t , rồi suy ra x

Ví dụ1: Giải các phương trình sau:

a) $2\sin^2 x + 5\sin x - 3 = 0$ b) $\sin^2 x + \sin x - 2 = 0$ c) $3\tan^2 2x - 1 = 0$
giải

a) **Cách 1:** Đặt $t = \sin x$ ($-1 \leq t \leq 1$) pt có dạng $2t^2 + 5t - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} t = \frac{1}{2} \\ t = -3(\text{loại}) \end{cases}$

với $t = 1/2 \Rightarrow \sin x = 1/2 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{6} + k2\pi \\ x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi \end{cases}$

Cách 2: $2\sin^2 x + 5\sin x - 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = \frac{1}{2} \\ \sin x = -3(\text{vn}) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{6} + k2\pi \\ x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi \end{cases}$

b) $\sin^2 x + \sin x - 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = 1 \\ \sin x = -2(\text{vn}) \end{cases} \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$

c) $3\tan^2 2x - 1 = 0 \Leftrightarrow \tan 2x = \pm \frac{\sqrt{3}}{3} \Leftrightarrow \tan 2x = \tan\left(\pm \frac{\pi}{6}\right) \Leftrightarrow x = \pm \frac{\pi}{12} + \frac{k\pi}{2}$

Ví dụ2: Giải các phương trình sau:

a) $\cos^2 x + \sin x + 1 = 0$ b) $-2\tan 3x + \cot 3x = 1$

giải

a) pt $\Leftrightarrow 1 - \sin^2 x + \sin x + 1 = 0 \Leftrightarrow -\sin^2 x + \sin x + 2 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \sin x = -1 \\ \sin x = -2(\text{VN}) \end{cases} \Leftrightarrow x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$

b) do $\cot 3x = 1/\tan 3x$ nên

pt $\Leftrightarrow -2\tan 3x + 1/\tan 3x = 1 \Leftrightarrow 2\tan^2 3x + \tan 3x - 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \tan 3x = -1 \\ \tan 3x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{3} \\ x = \frac{1}{3}\arctan 2 + k\frac{\pi}{3} \end{cases}$

3. Phương trình bậc nhất đối với $\sin x$ và $\cos x$

* Dạng pt : $a\sin x + b\cos x = c$ (2) ($a^2 + b^2 \neq 0$) (2)

* Điều kiện có nghiệm : $a^2 + b^2 \geq c^2$

* **Phương pháp giải :** Biến đổi vế trái thành dạng $\sqrt{a^2 + b^2} \cdot \sin(x + \alpha)$ hoặc $\sqrt{a^2 + b^2} \cos(x + \alpha)$ để đưa về phương trình lượng giác cơ bản. cụ thể như sau:

- Kiểm tra đk có nghiệm

- Chia 2 vế cho $\sqrt{a^2 + b^2}$, đặt $\cos \alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$; $\sin \alpha = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ với $\alpha \in [0; 2\pi)$ thì :

$$(2) \Leftrightarrow \cos x \cdot \cos \alpha + \sin x \cdot \sin \alpha = \frac{c}{\sqrt{a^2 + b^2}} \Leftrightarrow \cos(x - \alpha) = \frac{c}{\sqrt{a^2 + b^2}} \quad (3)$$

chú ý: Nếu đặt $\sin \alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$; $\cos \alpha = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ khi đó (2) $\Leftrightarrow \sin(x + \alpha) = \frac{c}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

Phương trình bậc nhất theo $\sin x$ và $\cos x$ dạng mở rộng

Dạng 1: $a \sin x + b \cos x = \sqrt{a^2 + b^2} \sin kx$;

Dạng 2: $a \sin kx + b \cos kx = b \sin qx + a \cos qx$

- **Phương pháp giải :** Chia 2 vế cho $\sqrt{a^2 + b^2}$

Ví dụ 3: Giải các phương trình

a) $\sqrt{3} \sin x - \cos x = 2 \cos 3x$ b) $\sin(2x + \frac{5\pi}{2}) - 3 \cos(x - \frac{7\pi}{2}) = \sqrt{2} + 3 \sin x + \sin 2x$

giải

a) pt $\Leftrightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x = \cos 3x \Leftrightarrow \sin x \cos \frac{\pi}{6} - \cos x \sin \frac{\pi}{6} = \cos 3x \Leftrightarrow \sin(x - \frac{\pi}{6}) = \sin(\frac{\pi}{2} - 3x)$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x - \frac{\pi}{6} = \frac{\pi}{2} - 3x + k2\pi \\ x - \frac{\pi}{6} = \pi - \frac{\pi}{2} + 3x + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{6} + k\frac{\pi}{2} \\ x = -\frac{\pi}{3} + k\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z})$$

b) ta có : $\sin(2x + \frac{5\pi}{2}) = \cos 2x$; $\cos(x - \frac{7\pi}{2}) = -\sin x$

nên pt $\Leftrightarrow \cos 2x + 3 \sin x = \sqrt{2} + 3 \sin x + \sin 2x$

$$\Leftrightarrow \cos 2x - \sin 2x = \sqrt{2} \Leftrightarrow \cos(2x - \frac{\pi}{4}) = 1 \Leftrightarrow 2x - \frac{\pi}{4} = k2\pi \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{8} + k\pi, (k \in \mathbb{Z})$$

Dạng 3: Phương trình đẳng cấp: $a \sin^2 x + b \sin x \cos x + c \cos^2 x = 0$ ($a; c \neq 0$) (1)

Cách giải 1:

Áp dụng công thức hạ bậc : $\sin^2 x = \frac{1 - \cos 2x}{2}$ và $\cos^2 x = \frac{1 + \cos 2x}{2}$, $\sin x \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x$

Xem Ví dụ : Giải phương trình: $2 \sin^2 x + \sin x \cos x - 3 \cos^2 x = 0$

giải

a) pt $\Leftrightarrow 2 \frac{1 - \cos 2x}{2} + \frac{1}{2} \sin 2x - 3 \frac{1 + \cos 2x}{2} = 0 \Leftrightarrow \sin 2x - \cos 2x = 1$

$$\Leftrightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} \sin 2x - \frac{\sqrt{2}}{2} \cos 2x = \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow \sin(2x - \frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} + k2\pi \\ 2x - \frac{\pi}{4} = \frac{3\pi}{4} + k2\pi \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{\pi}{4} + k\pi \\ x = \frac{\pi}{2} + k\pi \end{cases} \quad (k \in \mathbb{Z})$$

Cách giải 2: *Kiểm tra xem $\cos x = 0$ hay $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ có phải là nghiệm của (1) không?

*Chia hai vế của pt (1) cho $\cos^2 x$ ta được pt: $a \tan^2 x + b \tan x + c = 0$

Chú ý: $\frac{k}{\cos^2 x} = k(\tan^2 x + 1)$;

Xem Ví dụ : Giải phương trình: $2\sin^2 x + 3\sin x \cdot \cos x - 3\cos^2 x = 2$

* Với $\cos x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi$, thì $\sin^2 x = 1$ nên ta thấy pt có dạng $2 = 2$ (mđđ) vậy $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ là nghiệm của pt

* chia 2 vế của pt cho $\cos^2 x$ ($\cos x \neq 0$) ta có pt :

$$2\tan^2 x + 3\tan x - 3 = 2(\tan^2 x + 1) \Leftrightarrow \tan x = \frac{5}{3} \Leftrightarrow x = \arctan \frac{5}{3} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$$

Vậy pt có 2 họ nghiệm $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ và $x = \arctan \frac{5}{3} + k\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$

Dạng 4: Phương trình đối xứng và phản đối xứng $a(\cos x + \sin x) + b \sin x \cdot \cos x + c = 0$

Cách giải :

Đặt $t = \cos x + \sin x = \sqrt{2} \cos(x - \frac{\pi}{4})$ với $-\sqrt{2} \leq t \leq \sqrt{2}$

$$\text{Do } (\cos x + \sin x)^2 = 1 + 2\sin x \cdot \cos x \Rightarrow \sin x \cdot \cos x = \frac{t^2 - 1}{2}$$

Thay vào (1) ta được phương trình : $at + b \frac{t^2 - 1}{2} + c = 0 \quad (2)$

Giải (2) tìm t. Chọn t thỏa điều kiện rồi giải pt: $\sqrt{2} \cos(x - \frac{\pi}{4}) = t$ tìm x.

Chú ý : Ta giải tương tự cho pt có dạng : $a(\cos x - \sin x) + b \sin x \cdot \cos x + c = 0$

B. BÀI TẬP

1. PHẦN TỰ LUYỆN

Bài 1. Tìm tập xác định của mỗi hàm số sau đây :

a. $f(x) = \frac{\sin x + 1}{\sin x - 1}$;

b. $f(x) = \frac{2 \tan x + 2}{\cos 2x - 1}$;

c. $f(x) = \frac{\cot x}{\sin(3x + \frac{\pi}{4})}$.

d. $y = \tan\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$;

e. $y = \frac{\sin\left(\frac{\pi}{3} - 2x\right)}{\cos 2x - \cos x}$;

f. $y = \frac{1}{\sqrt{3} \cot 2x + 1}$.

g. $y = \frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\cos x}$

h. $y = \frac{1}{(\sin x - \frac{1}{2})\cos(2x - 30^\circ)}$

i. $y = \frac{1}{2 \sin x - \sqrt{3}}$

k. $y = \cot(x - \frac{\pi}{3}) + \tan(2x + \frac{2\pi}{3})$ l. $y = \frac{\sin x}{4 - 5 \cos x - 2 \sin^2 x}$

m. $y = \frac{\tan 2x}{\sin x - \sqrt{3} \cos x - 2}$

Bài 2. Xét tính chẵn – lẻ của hàm số:

a. $y = 2x^3 - \sin 3x$

b. $y = 1 + 2x^2 - \cos 3x$

c. $y = 2 - \sin x \cos\left(\frac{5\pi}{2} - 2x\right)$

d. $y = \sin x \cos^2 x + \tan x$

e. $y = 1 + \cos x \sin\left(\frac{3\pi}{2} - 3x\right)$

f. $y = \frac{\sin x \cdot \cos x}{\tan x - \cot x}$

Bài 3. Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số

a. $y = 3 \cos x + 2$;

b. $y = 3 - 2|\sin x|$;

c. $y = 3 - 4 \sin x \cos x$;

d. $y = \frac{1-4\cos x}{3}$

e. $f(x) = \cos x - \sqrt{3}\sin x$;

f. $f(x) = \sin^3 x + \cos^3 x$;

h. $f(x) = \sin^4 x + \cos^4 x$.

i. $y = \cos^2 x + 2\sin x + 2$

Bài 4. Giải phương trình :

a. $2\sin x + \sqrt{2} = 0$;

b. $\sin(x-2) = \frac{2}{3}$;

c. $\cot(x+20^\circ) = \cot 60^\circ$;

d. $2\cos 2x + 1 = 0$;

e. $\cos(2x+15^\circ) = -0,5$;

f. $\sqrt{3}\tan 3x + 1 = 0$.

g. $\sin\left(2x - \frac{\pi}{5}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{5} + x\right)$;

h. $\cos\left(3x + \frac{\pi}{3}\right) + \cos x = 0$;

i. $\sin 3x = \cos 2x$.

k. $\sin\left(3x + \frac{\pi}{3}\right) = -\sin x$

l. $\sin\left(3x + \frac{\pi}{3}\right) - \cos x = 0$

m. $\sin\left(3x + \frac{\pi}{3}\right) + \cos x = 0$

Bài 5. Giải các phương trình sau :

a. $\cos^2 2x = \frac{1}{4}$;

b. $4\cos^2 2x - 3 = 0$;

c. $\cos^2 3x + \sin^2 2x = 1$;

d. $\sin x + \cos x = 1$;

e. $\sin^4 x - \cos^4 x = 1$;

f. $\sin^4 x + \cos^4 x = 1$.

Bài 6. Tìm các nghiệm của phương trình sau trong khoảng đã cho :

a. $2\sin 2x + 1 = 0$ với $0 < x < \pi$;

b. $\cot\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = \sqrt{3}$ với $-\pi < x < \pi$.

Bài 7. Giải các phương trình sau :

a. $\cos^2 x - \sqrt{3}\sin x \cos x = 0$;

b. $\sqrt{3}\cos x + \sin 2x = 0$;

c. $8\sin x \cdot \cos x \cdot \cos 2x = \cos 8\left(\frac{\pi}{16} - x\right)$;

d. $\sin^4\left(x + \frac{\pi}{2}\right) - \sin^4 x = \sin 4x$.

Bài 8. Giải phương trình :

a. $\cos 7x \cdot \cos x = \cos 5x \cdot \cos 3x$;

b. $\cos 4x + \sin 3x \cdot \cos x = \sin x \cdot \cos 3x$;

c. $1 + \cos x + \cos 2x + \cos 3x = 0$;

d. $\sin^2 x + \sin^2 2x + \sin^2 3x + \sin^2 4x = 2$.

Bài 9. Giải phương trình :

a. $\frac{2\cos 2x}{1-\sin 2x} = 0$;

b. $\frac{\tan x - \sqrt{3}}{2\cos x + 1} = 0$;

c. $\sin 3x \cot x = 0$;

d. $\tan 3x = \tan x$.

Bài 10. Giải phương trình :

a. $2\cos^2 x - 3\cos x + 1 = 0$;

b. $\cos^2 x + \sin x + 1 = 0$;

c. $2\sin^2 x + 5\sin x - 3 = 0$;

d. $\cot^2 3x - \cot 3x - 2 = 0$;

e. $2\cos^2 x + \sqrt{2}\cos x - 2 = 0$;

f. $\cos 2x + \cos x + 1 = 0$;

g. $\cos 2x - 5\sin x - 3 = 0$;

h. $5\tan x - 2\cot x - 3 = 0$.

i. $\sin^2 \frac{x}{2} - 2\cos \frac{x}{2} + 2 = 0$;

j. $\cos x + 5\sin \frac{x}{2} - 3 = 0$;

k. $\cos 4x - \sin 2x - 1 = 0$;

l. $\cos 6x - 3\cos 3x - 1 = 0$.

Bài 11. Giải các phương trình :

a. $\tan^2 x + (\sqrt{3}-1)\tan x - \sqrt{3} = 0$;

b. $\sqrt{3}\tan^2 x - (1-\sqrt{3})\tan x - 1 = 0$;

c. $2\cos 2x - 2(\sqrt{3}+1)\cos x + 2 + \sqrt{3} = 0$;

d. $\frac{1}{\cos^2 x} - (2+\sqrt{3})\tan x - 1 + 2\sqrt{3} = 0$.

Bài 12. Giải phương trình :

- a. $\sqrt{3} \sin x - \cos x = 1$; b. $\sqrt{3} \cos 3x - \sin 3x = 2$; c. $3 \cos x + 4 \sin x = -5$;
d. $\sin x - 7 \cos x = 7$; e. $2 \sin 2x - 2 \cos 2x = \sqrt{2}$; f. $\sin 2x = \sqrt{3} - \sqrt{3} \cos 2x$.

Bài 13. Giải phương trình :

- a. $2 \sin^2 x + \sqrt{3} \sin 2x = 3$; b. $2 \cos^2 x - \sqrt{3} \sin 2x = \sqrt{2}$;
c. $2 \sin 2x \cos 2x + \sqrt{3} \cos 4x + \sqrt{2} = 0$; d. $4 \sin^2 x + 3\sqrt{3} \sin 2x - 2 \cos^2 x = 4$.

Bài 14. Giải phương trình :

- a. $3 \sin^2 x - \sin x \cos x - 2 \cos^2 x = 3$; b. $\sin^2 x + \sin 2x - 2 \cos^2 x = \frac{1}{2}$;
c. $2 \sin^2 x + 3\sqrt{3} \sin x \cos x - \cos^2 x = 4$; d. $\cos^2 2x + \sin 4x - 3 \sin^2 2x = 0$.
e. $2 \sin^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x - \cos^2 x = 2$; f. $\cos^2 x = 3 \sin 2x + 3$.

Bài 15. Giải các phương trình sau

- a. $3(\sin x + \cos x) + 2 \sin x \cos x + 3 = 0$; b. $\sin 2x - \cos 2x + 7 \sin 4x = 1$;
c. $2 \sin x + \sin 2x - 2 \cos x + 2 = 0$; d. $3 \cos 2x + \sin 4x + 6 \sin x \cos x = 3$.

Bài 16. Tính giá trị lượng giác

- a. Tính $\cos a, \sin 2a, \cot a, A = 2 \sin^3 2a - \cos^2 a + 5$ biết $\tan a = -\sqrt{2}$ và $-\frac{\pi}{2} < a < 0$
b. Tính $E = \frac{\cot a - 2 \tan a}{\tan a + 3 \cot a}$, $\sin a = \frac{3}{5}$ và $\frac{\pi}{2} < a < \pi$ d. Tính $F = \frac{\sin a - 3 \cos a}{\cos a + 2 \sin a}$, $\tan a = -3$
c. Tính $G = \frac{2 \cos^2 a + \sin a \cdot \cos a - \sin^2 a}{\sin^2 a + 3 \cos^2 a - 4}$, $\cot a = 2$ e. Tính $P = \frac{3 \cos^2 a + 2 \sin^2 a - 1}{\sin^2 a - 3 \cos^2 a + 5}$, $\tan a = -3$

Bài 17. Giải và biện luận phương trình theo tham số m :

- a. Cho phương trình : $m\sqrt{3}\cos 3x - \sin 3x = m$. Chứng minh rằng phương trình trên luôn có nghiệm.
b. Cho pt: $(m-2)\cos 2x + 2m \sin x \cos x = 3m+2$. Giải và biện luận phương trình theo tham số m.
c. Tìm m để phương trình có nghiệm : $m \sin x \cdot \cos x + (m+1) \cos^2 x = m$.

BÀI TẬP NÂNG CAO

Bài 1. (ĐH 2010B) $(\sin 2x + \cos 2x) \cos x + 2 \cos 2x - \sin x = 0$. Đ/S: $x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$.

Bài 2. (ĐH 2010D) $\sin 2x - \cos 2x + 3 \sin x - \cos x - 1 = 0$. Đ/S: $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$.

Bài 3. (ĐH 2011A) $\frac{1 + \sin 2x + \cos 2x}{1 + \cot^2 x} = \sqrt{2} \sin x \sin 2x$ Đ/S $x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = \frac{\pi}{4} + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$

Bài 4. (ĐH 2011B) $\sin 2x \cos x + \sin x \cos x = \cos 2x + \sin x + \cos x$ Đ/S: $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi; x = \frac{\pi}{3} + k\frac{2\pi}{3} (k \in \mathbb{Z})$

Bài 5. (ĐH 2011D) $\frac{\sin 2x + 2 \cos x - \sin x - 1}{\tan x + \sqrt{3}} = 0$ Đ/S: $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$

Bài 6. (ĐH 2012A+A1) $\sqrt{3} \sin 2x + \cos 2x = 2 \cos x - 1$ Đ/s: $x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = k2\pi; x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi$

Bài 7. (ĐH 2012B) $2(\cos x + \sqrt{3} \sin x) \cos x = \cos x - \sqrt{3} \sin x + 1$ **Đ/s:** $x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi; x = k\frac{2\pi}{3}$

Bài 8. (ĐH 2012D) $\sin 3x + \cos 3x - \sin x + \cos x = \sqrt{2} \cos 2x$ **Đ/s:** $x = \frac{\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}; x = \frac{7\pi}{12} + k2\pi; x = -\frac{\pi}{12} + k2\pi$

Bài 9. (ĐH 2013A+A1) $1 + \tan x = 2\sqrt{2} \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$ **Đ/s:** $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi; x = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$

Bài 10. (ĐH 2013B) $\sin 5x + 2\cos^2 x = 1$ **Đ/s:** $x = -\frac{\pi}{6} + k\frac{2\pi}{3}; x = -\frac{\pi}{14} + k\frac{2\pi}{7} \quad (k \in \mathbb{Z})$

Bài 11. (ĐH 2013D) $\sin 3x + \cos 2x - \sin x = 0$ **Đ/s:** $x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}; x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi; x = \frac{7\pi}{6} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$

Bài 12. (ĐH 2014 A+A1) $\sin x + 4\cos x = 2 + \sin 2x$ **Đ/s:** $x = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi$

Bài 13. (ĐH 2014B) $\sqrt{2}(\sin x - 2\cos x) = 2 - \sin 2x$ **Đ/s:** $x = \pm \frac{3\pi}{4} + k2\pi$

Bài 14. (THPT 2015) Tính giá trị của biểu thức $P = (1 - 3\cos 2\alpha)(2 + 3\cos 2\alpha)$ biết $\sin \alpha = \frac{2}{3}$

Bài 15. $\frac{1}{\cos x} - \frac{1}{\sqrt{3} \sin x} = 2(\cot 2x - \frac{1}{\sqrt{3}})$ **Đs:** $x = \frac{\pi}{6} + k\pi; x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$

Bài 16. $3\tan 2x - 2\sin\left(2x - \frac{3\pi}{2}\right) + \frac{2(\cos x - \sin x)}{\cos x + \sin x} = \frac{1}{\cos 2x}$ **Đs:** $x = \frac{\pi}{12} + k\pi$ và $x = \frac{5\pi}{12} + k\pi$

Bài 17. $2(\sin x + 3)\cos^4 \frac{x}{2} - \sin x(1 + \cos x) - 3\cos x - 1 = 0$. **Đs:** $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$

Bài 18. $2\sin^3 x - \cos 2x + \sin 2x - 2\sin x + 2\cos x - 1 = 0$ **Đs:** $x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi; x = k2\pi$.

II. PHÂN TRẮC NGHIỆM

Câu 1. Trong các hàm số sau đây, hàm số nào là hàm số tuần hoàn?

A. $y = \sin x - 1$

B. $y = \cos x - x$

C. $y = \sin x + 2x$

D. $y = \tan x - x$

Câu 2. Hàm số $y = \sin x$:

A. Đồng biến trên mỗi khoảng $\left(\frac{\pi}{2} + k2\pi; \pi + k2\pi\right)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $(\pi + k2\pi; k2\pi)$

B. Đồng biến trên mỗi khoảng $\left(-\frac{3\pi}{2} + k2\pi; \frac{5\pi}{2} + k2\pi\right)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $\left(-\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{\pi}{2} + k2\pi\right)$ với $k \in \mathbb{Z}$

C. Đồng biến trên mỗi khoảng $\left(\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{3\pi}{2} + k2\pi\right)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $\left(-\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{\pi}{2} + k2\pi\right)$ với $k \in \mathbb{Z}$

D. Đồng biến trên mỗi khoảng $\left(-\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{\pi}{2} + k2\pi\right)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $\left(\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{3\pi}{2} + k2\pi\right)$ với $k \in \mathbb{Z}$

Câu 3. Trong các hàm số sau đây, hàm số nào là hàm số tuần hoàn?

A. $y = \sin x - x$

B. $y = \cos x + 2$

C. $y = x \cdot \sin x$

D. $y = \frac{x^2 + 1}{x}$

Câu 4. Trong các hàm số sau đây, hàm số nào là hàm số tuần hoàn?

A. $y = x \cdot \cos x$

B. $y = x \cdot \tan x$

C. $y = \cos^2 x - \frac{1}{2}$

D. $y = \frac{1}{x}$

Câu 5. Trong các hàm số sau đây, hàm số nào là hàm số tuần hoàn?

A. $y = \frac{\sin x}{x}$

B. $y = \tan x + x$

C. $y = x^2 + 1$

D. $y = \sin^2 x - 4$

Câu 6. Hàm số $y = \cos x$:

A. Đồng biến trên mỗi khoảng $\left(\frac{\pi}{2} + k2\pi; \pi + k2\pi\right)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $(\pi + k2\pi; k2\pi)$ với $k \in \mathbb{Z}$

B. Đồng biến trên mỗi khoảng $(-\pi + k2\pi; k2\pi)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $(k2\pi; \pi + k2\pi)$ với $k \in \mathbb{Z}$

C. Đồng biến trên mỗi khoảng $\left(\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{3\pi}{2} + k2\pi\right)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $\left(-\frac{\pi}{2} + k2\pi; \frac{\pi}{2} + k2\pi\right)$ với $k \in \mathbb{Z}$

D. Đồng biến trên mỗi khoảng $(k2\pi; \pi + k2\pi)$ và nghịch biến trên mỗi khoảng $(k2\pi; 3\pi + k2\pi)$ với $k \in \mathbb{Z}$

Câu 7. Chu kỳ của hàm số $y = \sin 2x$ là:

A. $k2\pi \quad k \in \mathbb{Z}$

B. $\frac{\pi}{2}$

C. π

D. 2π

Câu 8. Điều kiện xác định của hàm số $y = \tan 2x$ là:

A. $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$

B. $x \neq \frac{\pi}{4} + k\pi$

C. $x \neq \frac{\pi}{8} + k\frac{\pi}{2}$

D. $x \neq \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$

Câu 9. Chu kỳ của hàm số $y = \cos x + \sin 2x$ là:

A. $k2\pi \quad k \in \mathbb{Z}$

B. $\frac{2\pi}{3}$

C. π

D. 2π

Câu 10. Chu kỳ của hàm số $y = \cos x \cdot \cos 3x$ là:

A. $k2\pi \quad k \in \mathbb{Z}$

B. $\frac{2\pi}{3}$

C. π

D. 2π

Câu 10. Chu kỳ của hàm số $y = \tan\left(\frac{\pi}{4} - 3x\right)$ là:

A. 2π

B. $\frac{\pi}{4}$

C. $\frac{\pi}{3}$

D. $-\frac{\pi}{3}$

Câu 11. Chu kỳ của hàm số $y = \sin^2 x + \cos^2 2x$ là:

- A. 2π B. π C. $\frac{\pi}{2}$ D. 4π

Câu 12. Số nghiệm của phương trình $\sin x = 1$ trong khoảng $(0; 2\pi)$ là:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

Câu 13. Số nghiệm của phương trình $\sin x = -1$ trong khoảng $(-\pi; 2\pi)$ là:

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

Câu 14. Nghiệm của phương trình $\sin x = \frac{1}{2}$ là:

- A. $x = \frac{\pi}{6} + k\frac{\pi}{2}$ B. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi$ C. $x = \frac{\pi}{6} + k\frac{\pi}{3}$ D. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$

Câu 15. Nghiệm của phương trình $\cos x = 1$ là:

- A. $x = k\pi$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$ C. $x = k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

Câu 16. Nghiệm của phương trình $\cos x = -1$ là:

- A. $x = \pi + k\pi$ B. $x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$ C. $x = \pi + k2\pi$ D. $x = \frac{3\pi}{2} + k\pi$

Câu 17. Nghiệm của phương trình $\cos x = \frac{1}{2}$ là:

- A. $x = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi$ B. $x = \pm \frac{\pi}{6} + k2\pi$ C. $x = \pm \frac{\pi}{3} + k\pi$ D. $x = \pm \frac{\pi}{2} + k2\pi$

Câu 18. Nghiệm của phương trình $\cos x = -\frac{1}{2}$ là:

- A. $x = \pm \frac{4\pi}{3} + k2\pi$ B. $x = \pm \frac{\pi}{6} + k2\pi$ C. $x = \pm \frac{2\pi}{3} + k2\pi$ D. $x = \pm \frac{\pi}{6} + k\pi$

Câu 19. Nghiệm của phương trình $\cos^2 x = \frac{1}{2}$ là:

- A. $x = \pm \frac{\pi}{2} + k2\pi$ B. $x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$ C. $x = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi$ D. $x = \pm \frac{\pi}{4} + k2\pi$

Câu 20. Nghiệm của phương trình $\sqrt{3} + 3\tan x = 0$ là:

- A. $x = \frac{\pi}{3} + k\pi$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$ C. $x = -\frac{\pi}{6} + k\pi$ D. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

Câu 21. Nghiệm của phương trình $\sin 3x = \sin x$ là:

- A. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ B. $x = k\pi; x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$ C. $x = k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = k2\pi$

Câu 22. Nghiệm của phương trình $\sin x \cdot \cos x = 0$ là:

- A. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$ B. $x = k\frac{\pi}{2}$ C. $x = k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$

Câu 23. Nghiệm của phương trình $\cos 3x = \cos x$ là:

- A. $x = k2\pi$ B. $x = k2\pi; x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$ C. $x = \frac{k\pi}{2}$ D. $x = k\pi; x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$

Câu 24. Nghiệm của phương trình $\sin 3x = \cos x$ là:

A. $x = \frac{\pi}{8} + k\frac{\pi}{2}; x = \frac{\pi}{4} + k\pi$

B. $x = \frac{\pi}{8} + k\pi; x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$

C. $x = k\pi; x = \frac{\pi}{4} + k\pi$

D. $x = k\pi; x = k\frac{\pi}{2}$

Câu 25. Số nghiệm của phương trình $\sin^2 x - \sin x = 0$ thỏa điều kiện: $-\pi < x < 2\pi$ là

A. 1

B. 2

C. 3

D. 4

Câu 26. Nghiệm của phương trình $\sin^2 x + \sin x = 0$ thỏa điều kiện: $-\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}$

A. $x = 0$

B. $x = \pi$

C. $x = \frac{\pi}{3}$

D. $x = \frac{\pi}{2}$

Câu 27. Nghiệm của phương trình $\cos^2 x - \cos x = 0$ thỏa điều kiện: $0 < x < \pi$

A. $x = \frac{\pi}{2}$

B. $x = \frac{\pi}{4}$

C. $x = \frac{\pi}{6}$

D. $x = -\frac{\pi}{2}$

Câu 28. Nghiệm của phương trình $\cos^2 x + \cos x = 0$ thỏa điều kiện: $\frac{\pi}{2} < x < \frac{3\pi}{2}$

A. $x = \pi$

B. $x = \frac{\pi}{3}$

C. $x = \frac{3\pi}{2}$

D. $x = -\frac{3\pi}{2}$

Câu 29. Nghiệm của phương trình $\cos x + \sin x = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi$

B. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi$

C. $x = k\pi$

D. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi$

Câu 30. Nghiệm của phương trình $2\sin(4x - \frac{\pi}{3}) - 1 = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{8} + k\frac{\pi}{2}; x = \frac{7\pi}{24} + k\frac{\pi}{2}$

B. $x = \frac{\pi}{8} + k\pi; x = \frac{7\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$

C. $x = \frac{\pi}{8} + k\pi; x = \frac{7\pi}{24} + k\frac{\pi}{2}$

D. $x = \frac{\pi}{8} + k\frac{\pi}{2}; x = \frac{7\pi}{24} + k\pi$

Câu 31. Số nghiệm của phương trình $2\sin^2 x - 3\sin x + 1 = 0$ thỏa điều kiện: $-\frac{\pi}{2} \leq x < \frac{\pi}{2}$

A. 0

B. 1

C. 2

D. 3

Câu 32. Nghiệm của phương trình $2\sin^2 x - 5\sin x - 3 = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi; x = \frac{7\pi}{6} + k2\pi$

B. $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$

C. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = \pi + k2\pi$

D. $x = \frac{\pi}{4} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{4} + k2\pi$

Câu 33. Nghiệm của phương trình $\cos x + \sin x = 1$ là:

A. $x = k2\pi; x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$

B. $x = k\pi; x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$

C. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi; x = k2\pi$

D. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi; x = k\pi$

Câu 34. Nghiệm của phương trình $\cos x + \sin x = -1$ là:

A. $x = \pi + k2\pi; x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$

B. $x = \pi + k2\pi; x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$

C. $x = -\frac{\pi}{3} + k2\pi; x = k2\pi$

D. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi; x = k\pi$

Câu 35. Nghiệm của phương trình $\sin x + \sqrt{3} \cos x = \sqrt{2}$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{12} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{12} + k2\pi$

B. $x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi; x = \frac{3\pi}{4} + k2\pi$

C. $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi; x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi$

D. $x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi; x = -\frac{5\pi}{4} + k2\pi$

Câu 36. Nghiệm của pt $\sin x \cdot \cos x \cdot \cos 2x = 0$ là:

A. $x = k\pi$

B. $x = k \cdot \frac{\pi}{2}$

C. $x = k \cdot \frac{\pi}{8}$

D. $x = k \cdot \frac{\pi}{4}$

Câu 37. Nghiệm của pt $3 \cdot \cos^2 x = -8 \cdot \cos x - 5$ là:

A. $x = k\pi$

B. $x = \pi + k2\pi$

C. $x = k2\pi$

D. $x = \pm \frac{\pi}{2} + k2\pi$

Câu 38. Nghiệm của pt $\cot x + \sqrt{3} = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi$

B. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi$

C. $x = -\frac{\pi}{6} + k\pi$

D. $x = -\frac{\pi}{3} + k\pi$

Câu 39. Nghiệm của pt $\sin x + \sqrt{3} \cdot \cos x = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{3} + k2\pi$

B. $x = -\frac{\pi}{3} + k\pi$

C. $x = \frac{\pi}{3} + k\pi$

D. $x = -\frac{\pi}{6} + k\pi$

Câu 40. Nghiệm của pt $2 \cdot \sin x \cdot \cos x = 1$ là:

A. $x = k2\pi$

B. $x = k\pi$

C. $x = k \cdot \frac{\pi}{2}$

D. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi$

Câu 41. Nghiệm của pt $\sin^2 x = 1$ là

A. $x = k2\pi$

B. $x = \pi + k2\pi$

C. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

D. $x = -\frac{\pi}{2} + k\pi$

Câu 42. Nghiệm của pt $2 \cdot \cos 2x = -2$ là:

A. $x = k2\pi$

B. $x = \pi + k2\pi$

C. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

D. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$

Câu 43. Nghiệm của pt $\sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$

B. $x = -\frac{\pi}{3} + k2\pi$

C. $x = \frac{5\pi}{6} + k\pi$

D. $x = \pm \frac{2\pi}{3} + k2\pi$

Câu 44. Nghiệm của pt $\cos 2x - \cos x = 0$ là :

A. $x = k2\pi$

B. $x = k4\pi$

C. $x = k\pi$

D. $x = k \cdot \frac{\pi}{2}$

Câu 45. Nghiệm của pt $\sin^2 x = -\sin x + 2$ là:

A. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$

B. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

C. $x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$

D. $x = k\pi$

Câu 46. Nghiệm của pt $\sin^4 x - \cos^4 x = 0$ là:

A. $x = \pm \frac{\pi}{4} + k2\pi$ B. $x = \frac{3\pi}{4} + k2\pi$ C. $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi$ D. $x = \frac{\pi}{4} + k \cdot \frac{\pi}{2}$

Câu 47. Xét các phương trình lượng giác:

(I) $\sin x + \cos x = 3$, (II) $2.\sin x + 3.\cos x = \sqrt{12}$, (III) $\cos^2 x + \cos^2 2x = 2$

Trong các phương trình trên , phương trình nào vô nghiệm?

A. Chỉ (III) B. Chỉ (I) C. (I) và (III) D. Chỉ (II)

Câu 48. Nghiệm của pt $\sin x = -\frac{1}{2}$ là:

A. $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi$ B. $x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi$ C. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi$ D. $x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$

Câu 49. Nghiệm của pt $\lg 2x - 1 = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi$ B. $x = \frac{3\pi}{4} + k2\pi$ C. $x = \frac{\pi}{8} + k \frac{\pi}{2}$ D. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi$

Câu 50. Nghiệm của pt $\cos^2 x = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ B. $x = \pm \frac{\pi}{2} + k2\pi$ C. $x = \frac{\pi}{4} + k \cdot \frac{\pi}{2}$ D. $x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$

Câu 51. Cho pt : $\cos x . \cos 7x = \cos 3x . \cos 5x$ (1)

Pt nào sau đây tương đương với pt (1)

A. $\sin 4x = 0$ B. $\cos 3x = 0$ C. $\cos 4x = 0$ D. $\sin 5x = 0$

Câu 52. Nghiệm của pt $\cos x - \sin x = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi$ B. $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi$ C. $x = \frac{\pi}{4} + k2\pi$ D. $x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi$

Câu 53. Nghiệm của pt $2\cos 2x + 2\cos x - \sqrt{2} = 0$

A. $x = \pm \frac{\pi}{4} + k2\pi$ B. $x = \pm \frac{\pi}{4} + k\pi$ C. $x = \pm \frac{\pi}{3} + k2\pi$ D. $x = \pm \frac{\pi}{3} + k\pi$

Câu 54. Nghiệm của pt $\sin x - \sqrt{3} \cos x = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi$ B. $x = \frac{\pi}{3} + k\pi$ C. $x = \frac{\pi}{3} + k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$

Câu 55. Nghiệm của pt $\sqrt{3} \sin x + \cos x = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{6} + k\pi$ B. $x = -\frac{\pi}{3} + k\pi$ C. $x = \frac{\pi}{3} + k\pi$ D. $x = \frac{\pi}{6} + k\pi$

Câu 56. Điều kiện có nghiệm của pt $a.\sin 5x + b.\cos 5x = c$ là:

A. $a^2 + b^2 \geq c^2$ B. $a^2 + b^2 \leq c^2$ C. $a^2 + b^2 > c^2$ D. $a^2 + b^2 < c^2$

Câu 57. Nghiệm của pt $\tan x + \cot x = -2$ là:

A. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi$ B. $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi$ C. $x = \frac{\pi}{4} + k2\pi$ D. $x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi$

Câu 58. Nghiệm của pt $\tan x + \cot x = 2$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{4} + k\pi$ B. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi$ C. $x = \frac{5\pi}{4} + k2\pi$ D. $x = -\frac{3\pi}{4} + k2\pi$

Câu 59. Nghiệm của pt $\cos^2 x + \sin x + 1 = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$ B. $x = \pm \frac{\pi}{2} + k2\pi$ C. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

Câu 60. Giá trị m để pt $\sin 2x + \cos^2 x = \frac{m}{2}$ có nghiệm là:

A. $1 - \sqrt{5} \leq m \leq 1 + \sqrt{5}$ B. $1 - \sqrt{3} \leq m \leq 1 + \sqrt{3}$ C. $1 - \sqrt{2} \leq m \leq 1 + \sqrt{2}$ D. $0 \leq m \leq 2$

Câu 61. Nghiệm dương nhỏ nhất của pt $(2\sin x - \cos x)(1 + \cos x) = \sin^2 x$ là:

A. $x = \frac{\pi}{6}$ B. $x = \frac{5\pi}{6}$ C. $x = \pi$ D. $\frac{\pi}{12}$

Câu 62. Nghiệm của pt $\cos^2 x - \sin x \cdot \cos x = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi; x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$
C. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ D. $x = \frac{5\pi}{6} + k\pi; x = \frac{7\pi}{6} + k\pi$

Câu 63. Tìm m để pt $2\sin^2 x + m \cdot \sin 2x = 2m$ vô nghiệm:

A. $0 < m < \frac{4}{3}$ B. $0 \leq m \leq \frac{4}{3}$ C. $m \leq 0; m \geq \frac{4}{3}$ D. $m < 0; m \geq \frac{4}{3}$

Câu 64. Nghiệm dương nhỏ nhất của pt $2\sin x + \sqrt{2} \sin 2x = 0$ là:

A. $x = \frac{3\pi}{4}$ B. $x = \frac{\pi}{4}$ C. $x = \frac{\pi}{3}$ D. $x = \pi$

Câu 65. Nghiệm âm lớn nhất của pt $\tan 5x \cdot \tan x = 1$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{12}$ B. $x = -\frac{\pi}{3}$ C. $x = -\frac{\pi}{6}$ D. $x = -\frac{\pi}{4}$

Câu 66. Nghiệm âm lớn nhất và nghiệm dương nhỏ của pt $\sin 4x + \cos 5x = 0$ theo thứ tự là:

A. $x = -\frac{\pi}{18}; x = \frac{\pi}{6}$ B. $x = -\frac{\pi}{18}; x = \frac{2\pi}{9}$
C. $x = -\frac{\pi}{18}; x = \frac{\pi}{2}$ D. $x = -\frac{\pi}{18}; x = \frac{\pi}{3}$

Câu 67. Nghiệm của pt $2 \cdot \cos^2 x - 3 \cdot \cos x + 1 = 0$

A. $x = k2\pi; x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$ B. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$
C. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi; x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$ D. $x = -\pi + k2\pi; x = \frac{2\pi}{3} + k2\pi$

Câu 68. Nghiệm của pt $\cos^2 x + \sin x + 1 = 0$ là:

A. $x = -\frac{\pi}{2} + k2\pi$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi$
C. $x = -\frac{\pi}{2} + k\pi$ D. $x = \pm \frac{\pi}{2} + k2\pi$

Câu 69. Nghiệm dương nhỏ nhất của pt $4 \cdot \sin^2 x + 3 \cdot \sqrt{3} \sin 2x - 2 \cdot \cos^2 x = 4$ là:

A. $x = \frac{\pi}{6}$ B. $x = \frac{\pi}{4}$ C. $x = \frac{\pi}{3}$ D. $x = \frac{\pi}{2}$

Câu 70. Nghiệm của pt $\cos^4 x - \sin^4 x = 0$ là:

A. $x = \frac{\pi}{4} + k\frac{\pi}{2}$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ C. $x = \pi + k2\pi$ D. $x = k\pi$

Câu 71. Nghiệm của pt $\sin x + \cos x = \sqrt{2}$ là:

A. $x = \frac{\pi}{4} + k2\pi$ B. $x = -\frac{\pi}{4} + k2\pi$ C. $x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$

Câu 72. Nghiệm của pt $\sin^2 x + \sqrt{3} \sin x \cos x = 1$ là:

A. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi; x = \frac{\pi}{6} + k\pi$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi; x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$
C. $x = -\frac{\pi}{6} + k2\pi; x = -\frac{5\pi}{6} + k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$

Câu 73. Nghiệm của pt $\sin x - \sqrt{3} \cos x = 1$ là

A. $x = \frac{5\pi}{12} + k2\pi; x = \frac{13\pi}{12} + k2\pi$ B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi; x = \frac{\pi}{6} + k2\pi$
C. $x = \frac{\pi}{6} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{6} + k2\pi$ D. $x = \frac{\pi}{4} + k2\pi; x = \frac{5\pi}{4} + k2\pi$

Câu 74. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào là sai.

- A. Hàm số $y = \sin x$ và $y = \cos x$ có cùng tập xác định.
- B. Hàm số $y = \tan x$ và $y = \cot x$ có cùng chu kì tuần hoàn là π .
- C. Hàm số $y = \sin x$ và $y = \tan x$ là các hàm số lẻ.
- D. Hàm số $y = \cos x$ và $y = \cot x$ là các hàm số chẵn.

Câu 75. Tập hợp nào sau đây là tập xác định của hàm số $y = \tan x$.

A. $D = \mathbb{R}$ B. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$
C. $D = \mathbb{R} \setminus k\pi, k \in \mathbb{Z}$ D. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$

Câu 76. Khẳng định nào sau đây là đúng.

- A. Hàm số $y = \sin x$ đồng biến trên khoảng $(0; \pi)$.
- B. Hàm số $y = \cos x$ đồng biến trên khoảng $(0; \pi)$.
- C. Hàm số $y = \tan x$ đồng biến trên khoảng $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right)$.
- D. Hàm số $y = \cot x$ đồng biến trên khoảng $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right)$.

Câu 77. Tập giá trị của hàm số $y = \cos 2x$ là.

A. $[-1; 1]$ B. $(-1; 1)$ C. $[-2; 2]$ D. $\left[-\frac{1}{2}; \frac{1}{2} \right]$

Câu 78. Khẳng định nào sau đây SAI?

- A. $y = \sin x$ là hàm số lẻ trên \mathbb{R} .
- B. $y = \cos x$ là hàm số lẻ trên \mathbb{R} .
- C. $y = \tan x$ là hàm số lẻ trên $\mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}$.
- D. $y = \cot x$ là hàm số lẻ trên $\mathbb{R} \setminus \{k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$

Câu 79. Tập xác định của hàm số $y = \frac{1}{\sin x - 1}$ là:

- A. $\mathbb{R} \setminus \{1\}$. B. $\mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2}\right\}$. C. $\mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2} + k2\pi; k \in \mathbb{Z}\right\}$. D. $\mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2} + k\pi; k \in \mathbb{Z}\right\}$.

Câu 80. Tìm tất cả số thực x để hàm số $y = \tan x$ **không xác định**:

- A. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$. B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$.
C. $x = k\pi (k \in \mathbb{Z})$. D. $x = 0$.

Câu 81. Tập giá trị của hàm số $y = \sin 2x$ là:

- A. $T = \mathbb{R}$. B. $T = [-1; 1]$. C. $T = (-1; 1)$. D. $T = [-2; 2]$.

Câu 82. Giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \cos x$ trên đoạn $\left[0; \frac{\pi}{4}\right]$ là:

- A. -1 . B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$. C. 0 . D. $\frac{1}{2}$.

Câu 83. Chu kỳ tuần hoàn của hàm số $y = \cot 2x + \sin 3x$ là:

- A. $T = 2\pi$. B. $T = \frac{\pi}{2}$.
C. $T = \pi$. D. $T = \frac{\pi}{3}$.

Câu 84. Trong các khẳng định sau, khẳng định nào dưới đây là **sai**?

- A. Hàm số $y = \sin x$ đồng biến trên khoảng $(0; \pi)$.
B. Hàm số $y = \sin x$ và $y = \cos x$ đều có tính tuần hoàn.
C. Hàm số $y = \sin x$ là một hàm số lẻ.
D. Hàm số $y = \sin^2 x + 2017$ là một hàm số chẵn.

Câu 85. Hàm số $y = 2\cos^2 x + 2016$ tuần hoàn với chu kỳ:

- A. 3π . B. 2π . C. π . D. $4\pi^2$.

Câu 86. Tập xác định của hàm số $y = \frac{1}{1 - \sin x}$ là:

- A. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{1}{2} + k2\pi; k \in \mathbb{Z}\right\}$. B. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{4} + k\pi; k \in \mathbb{Z}\right\}$.
C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2} + k2\pi; k \in \mathbb{Z}\right\}$. D. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{4} + k2\pi; k \in \mathbb{Z}\right\}$.

Câu 87. Cặp hàm số nào sau đây có cùng TXĐ:

- A. $\begin{cases} y = \tan x \\ y = \cot x \end{cases}$. B. $\begin{cases} y = \tan x \\ y = \frac{1 - \sin x}{\cos x} \end{cases}$. C. $\begin{cases} y = \tan x \\ y = \sin x \end{cases}$. D. $\begin{cases} y = \tan x \\ y = \frac{1 - \cos x}{\sin x} \end{cases}$.

Câu 88. Tập xác định của hàm số $y = \frac{1}{\cos 3x - 1}$

- A. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{k\frac{2\pi}{3}; k \in \mathbb{Z}\right\}$. B. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{k\frac{\pi}{6}; k \in \mathbb{Z}\right\}$.

C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ k \frac{\pi}{3}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

D. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ k \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

Câu 89. Tập xác định của hàm số $y = \tan \left(2x - \frac{\pi}{4} \right)$

A. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3\pi}{5} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

B. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3\pi}{7} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3\pi}{8} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

D. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3\pi}{4} + \frac{k\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

Câu 90. Hàm số nào dưới đây là hàm số chẵn

A. $y = \sin x.$

B. $y = \cos x.$

C. $y = \tan x.$

D. $y = \cot x$

Câu 91. Giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất của hàm số sau $y = 2 \sin 3x + 1$

A. $\min y = -2, \max y = 3.$

B. $\min y = -1, \max y = 4.$

C. $\min y = -1, \max y = 3.$

D. $\min y = -3, \max y = 3.$

Câu 92. Tập xác định D của hàm số $y = \tan \left(\frac{\pi}{8} - 2x \right)$

A. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{\pi}{16} + k \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

B. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ -\frac{3\pi}{16} + l \frac{\pi}{2}, l \in \mathbb{Z} \right\}.$

C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{3\pi}{16} + l \frac{\pi}{2}, l \in \mathbb{Z} \right\}.$

D. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

Câu 93. Giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số $y = 2 \cos x + \sqrt{2}$ theo thứ tự là:

A. -1 và $1.$

B. $-2 + \sqrt{2}$ và $2 + \sqrt{2}.$

C. $-\sqrt{2} + 1$ và $\sqrt{2} + 1.$

D. 0 và $2 + \sqrt{2}.$

Câu 94. Giá trị nhỏ nhất và giá trị lớn nhất của hàm số $y = \sin x \cos x - 1$ theo thứ tự là:

A. -2 và $0.$

B. $-\frac{3}{2}$ và $\frac{1}{2}.$

C. $-\frac{3}{2}$ và $-\frac{1}{2}.$

D. -1 và $0.$

Câu 95. Tập xác định D của hàm số $y = \frac{\sin 2x - 1}{\sqrt{2} \cdot \cos x - 1}.$

A. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{4} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

B. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

C. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\sqrt{2}}{2} \right\}.$

D. $D = \mathbb{R} \setminus \left\{ \pm \frac{\pi}{4} + k2\pi, k \in \mathbb{Z} \right\}.$

Câu 96. Cho hàm số $y = \frac{1 + \cos x}{\sin x}.$ Hãy chọn mệnh đề **sai**?

A. Tập xác định của hàm số là $D = \mathbb{R} \setminus \{k\pi\}, (k \in \mathbb{Z}).$

B. Hàm số là một hàm tuần hoàn chu kì là $2\pi.$

C. Hàm số tăng trên tập xác định của nó.

D. Là một hàm số lẻ.

Câu 97. Cho hàm số $y = \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}.$ Hãy chọn mệnh đề **sai**?

A. Hàm số có tập xác định $D = \mathbb{R} \setminus \{(2k+1)\pi\}, (k \in \mathbb{Z}).$

B. Tập giá trị của hàm số là $\mathbb{R}.$

C. Là hàm số tuần hoàn, chu kì là $2\pi.$

D. Là một hàm số chẵn.

Câu 98. Cho hàm số $y = \frac{1 - \tan x}{1 + \tan x}$. Hãy chọn mệnh đề **sai**?

- A. Một cách viết khác của hàm số là $y = \tan\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$.
- B. Hàm số có tập xác định là $\mathbb{R} \setminus \left\{-\frac{\pi}{4} + k\pi; \frac{\pi}{2} + k\pi\right\}, (k \in \mathbb{Z})$.
- C. Tập giá trị của hàm số là \mathbb{R} .
- D. Hàm số luôn giảm trên tập xác định

Câu 99. Cho hàm số $y = \tan\left(2x + \frac{\pi}{3}\right)$. Hãy chọn mệnh đề sai?

- A. Hàm số có tập xác định $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{12} + k\frac{\pi}{2}\right\}$.
- B. Hàm số tuần hoàn, chu kì là π .
- C. Hàm số có tập giá trị là \mathbb{R} .
- D. Hàm số không chẵn, không lẻ.

Câu 100. Cho hàm số lượng giác nào sau đây có đồ thị đối xứng nhau qua Oy ?

- A. $y = \sin x$.
- B. $y = \cos x$.
- C. $y = \tan x$.
- D. $y = \cot x$.

Câu 101. Đồ thị của hàm số nào sau đây nhận gốc tọa độ O làm tâm đối xứng?

- A. $y = |\sin x| \cdot \cos x$.
- B. $y = x - \sin x$.
- C. $y = x \cdot \cos x$.
- D. $y = x \cdot \sin x$.

Câu 102. Hàm số $y = 5 - 3\sin x$ luôn nhận giá trị trên tập nào sau đây?

- A. $[-1; 1]$.
- B. $[-3; 3]$.
- C. $[5; 8]$.
- D. $[2; 8]$.

Câu 103. Hàm số $y = 5 + 4\cos x - 3\sin x$ luôn nhận giá trị trên tập nào sau đây?

- A. $[-1; 1]$.
- B. $[-5; 5]$.
- C. $[0; 10]$.
- D. $[2; 9]$.

Câu 104. Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = 2\sin^2 x + \sqrt{3}\sin 2x$ là:

- A. $\max y = 2 + \sqrt{3}$; $\min y = 2 - \sqrt{3}$
- B. $\max y = 3$; $\min y = -1$
- C. $\max y = 2 + \sqrt{3}$; $\min y = -1$
- D. $\max y = 3$; $\min y = 2 - \sqrt{3}$

Câu 105. Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \sin^4 x + \cos^4 x$

- A. $\max y = \frac{3}{2}$; $\min y = -1$
- B. $\max y = 1$; $\min y = \frac{1}{2}$
- C. $\max y = \frac{3}{2}$; $\min y = \frac{1}{2}$
- D. $\max y = 1$; $\min y = -1$

Câu 106. Trên tập xác định, hàm số $y = \tan x + \cot x$ luôn nhận giá trị trên tập nào sau đây?

- A. $(-\infty; +\infty)$.
- B. $(-\infty; -2]$.
- C. $[2; +\infty)$.
- D. $(-\infty; -2] \cup [2; +\infty)$.

Câu 107. Phát biểu nào sau đây sai:

- A. $y = \sin x \cos 3x$ là hàm số lẻ.
- B. $y = \frac{1 - \sin x}{\cos x}$ có tập xác định là $D = \mathbb{R} \setminus \left\{\frac{\pi}{2} + k\pi, k \in \mathbb{Z}\right\}$.
- C. $y = \tan x - 2x$ là hàm số chẵn.
- D. $y = \sin x$ có tập xác định là $D = \mathbb{R}$.

Câu 108. Giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số $y = \frac{2 - \cos x}{3 - \cos x}$ là:

A. $\max y = \frac{3}{4}$; $\min y = \frac{1}{2}$.

B. $\max y = \frac{3}{4}$; $\min y = \frac{1}{3}$.

C. $\max y = \frac{2}{3}$; $\min y = -1$.

D. $\max y = \frac{2}{3}$; $\min y = \frac{1}{2}$.

Câu 109. Hàm số $y = \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \cot \frac{x}{4}$ là hàm tuần hoàn với chu kì nào sau đây?

A. $T = 6\pi$.

B. $T = 2\pi$.

C. $T = 8\pi$.

D. $T = 4\pi$.

Câu 110. Công thức nào sau đây là công thức nghiệm của phương trình $\sin x = \sin \alpha$.

A. $x = \pm \alpha + k2\pi, k \in \mathbb{Z}$.

B. $\begin{cases} x = \alpha + k2\pi \\ x = \pi - \alpha + k2\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}$.

C. $\begin{cases} x = \alpha + k\pi \\ x = \pi - \alpha + k\pi \end{cases}, k \in \mathbb{Z}$.

D. $x = \alpha + k\pi, k \in \mathbb{Z}$.

Câu 111. Điều kiện để phương trình $a \sin x + b \cos x = c$ có nghiệm là.

A. $a^2 + b^2 \leq c^2$.

B. $a^2 + b^2 = c^2$.

C. $a^2 + b^2 > c^2$.

D. $a^2 + b^2 \geq c^2$.

Câu 112. Tìm tất cả giá trị m để phương trình $\cos x = m$ có nghiệm.

A. $m \geq 1$.

B. $-1 \leq m \leq 1$.

C. $-1 < m < 1$.

D. $m \leq 1$.

Câu 113. Nghiệm của phương trình $\sin u = \sin v$ là:

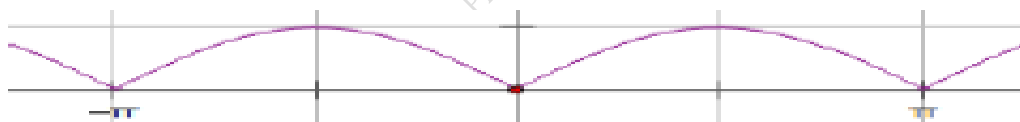
A. $u = v + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$.

B. $u = v + k\pi (k \in \mathbb{Z})$.

C. $\begin{cases} u = v + k2\pi \\ u = -v + k2\pi \end{cases} (k \in \mathbb{Z})$.

D. $\begin{cases} u = v + k2\pi \\ u = \pi - v + k2\pi \end{cases} (k \in \mathbb{Z})$.

Câu 114. Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào



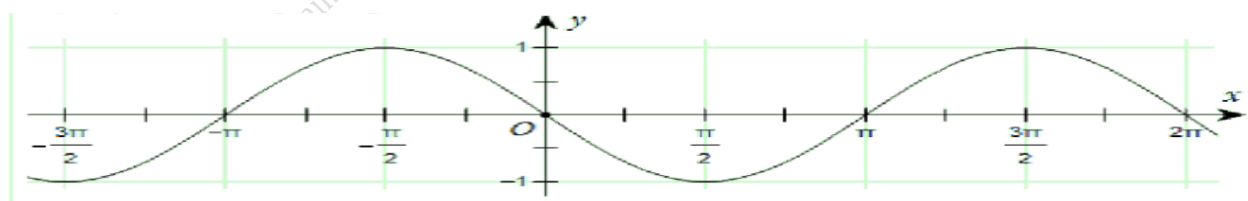
A. $y = \sin x$.

B. $y = \sin 2x$.

C. $y = |\sin x|$.

D. $y = |\sin 2x|$.

Câu 115. Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào



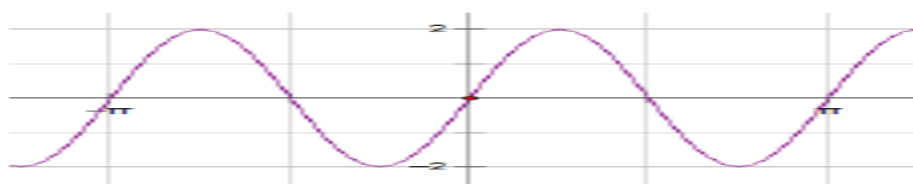
A. $y = \sin x$.

B. $y = \sin |x|$.

C. $y = |\sin x|$.

D. $y = -\sin x$.

Câu 116. Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào



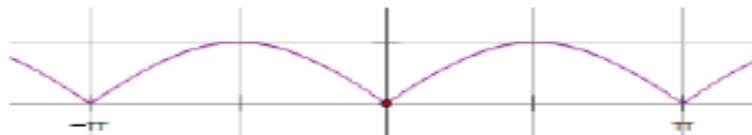
A. $y = 2 \sin x$.

B. $y = 2 \cos x$.

C. $y = 2 \sin 2x$.

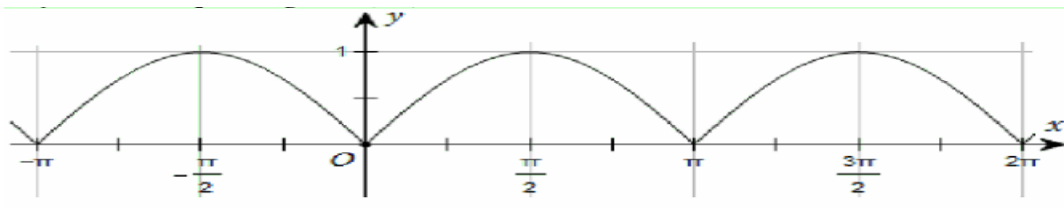
D. $y = 2 \cos 2x$.

Câu 117. Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào



- A. $y = -\sin x$. B. $y = |\sin x|$ C. $y = \sin|x|$. D. $y = -\sin|x|$.

Câu 118. Đường cong trong hình dưới đây là đồ thị hàm số nào



- A. $y = |\cos x|$. B. $y = |\sin x|$ C. $y = \sin|x|$. D. $y = \cos|x|$.

Câu 119. Nghiệm của phương trình $\sqrt{3} + 3 \tan x = 0$ là:

- A. $x = \frac{\pi}{3} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$. B. $x = \frac{\pi}{2} + k2\pi (k \in \mathbb{Z})$. C. $x = -\frac{\pi}{6} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$. D. $x = \frac{\pi}{2} + k\pi (k \in \mathbb{Z})$.

Câu 120. Giá trị m để phương trình $\cos^2 x = m - 1$ có nghiệm là:

- A. $m = 1$. B. $0 \leq m \leq 2$. C. $1 < m < 2$. D. $1 \leq m \leq 2$.

Câu 121. Nghiệm của phương trình $\sin^2 x - \sin x = 0$ thỏa mãn điều kiện: $0 < x < \pi$ là:

- A. $x = \frac{\pi}{2}$. B. $x = \frac{\pi}{3}$. C. $x = \frac{\pi}{4}$. D. $x = \frac{\pi}{6}$.

Câu 122. Nghiệm của phương trình $2 \sin x \cos x = 1$ là:

- A. $x = k2\pi, k \in \mathbb{Z}$. B. $x = \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$. C. $x = k\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$. D. $x = k\pi, k \in \mathbb{Z}$.

Câu 123. Cho phương trình $m \sin x + (m+1) \cos x = \frac{m}{\cos x}$. Tìm các giá trị của m sao cho phương trình đã cho có nghiệm.

- A. $-4 < m < 0$. B. $\begin{cases} m \geq 0 \\ m < -4 \end{cases}$. C. $\begin{cases} m \geq 0 \\ m \leq -4 \end{cases}$. D. $-4 \leq m \leq 0$.

Câu 124. Phương trình $2 \tan x + \cot 2x = 2 \sin 2x + \frac{1}{\sin 2x}$ có nghiệm là

- A. $x = \pm \frac{\pi}{12} + k\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}$. B. $x = \pm \frac{\pi}{6} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$.
C. $x = \pm \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$. D. $x = \pm \frac{\pi}{9} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$.

Câu 125. Với giá trị nào của m thì phương trình $\sin 2x - \sqrt{3} \cos 2x = 1 + m$ có nghiệm ?

- A. $m \leq 1$. B. $m \leq -3 \vee m \geq 1$. C. $-3 < m < 1$. D. $-3 \leq m \leq 1$.

PHẦN ĐÁP ÁN TRẮC NGHIỆM CHƯƠNG I

| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|-----|--|
| 1 | | 2 | | 3 | | 4 | | 5 | | 6 | | 7 | | 8 | | 9 | | 10 | |
| 11 | | 12 | | 13 | | 14 | | 15 | | 16 | | 17 | | 18 | | 19 | | 20 | |
| 21 | | 22 | | 23 | | 24 | | 25 | | 26 | | 27 | | 28 | | 29 | | 30 | |
| 31 | | 32 | | 33 | | 34 | | 35 | | 36 | | 37 | | 38 | | 39 | | 40 | |
| 41 | | 42 | | 43 | | 44 | | 45 | | 46 | | 47 | | 48 | | 49 | | 50 | |
| 51 | | 52 | | 53 | | 54 | | 55 | | 56 | | 57 | | 58 | | 59 | | 60 | |
| 61 | | 62 | | 63 | | 64 | | 65 | | 66 | | 67 | | 68 | | 69 | | 70 | |
| 71 | | 72 | | 73 | | 74 | | 75 | | 76 | | 77 | | 78 | | 79 | | 80 | |
| 81 | | 82 | | 83 | | 84 | | 85 | | 86 | | 87 | | 88 | | 89 | | 90 | |
| 91 | | 92 | | 93 | | 94 | | 95 | | 96 | | 97 | | 98 | | 99 | | 100 | |
| 101 | | 102 | | 103 | | 104 | | 105 | | 106 | | 107 | | 108 | | 109 | | 110 | |
| 111 | | 112 | | 113 | | 114 | | 115 | | 116 | | 117 | | 118 | | 119 | | 120 | |
| 121 | | 122 | | 123 | | 124 | | 125 | | 126 | | 127 | | 128 | | 129 | | 130 | |

Email: Phanhuuthe@gmail.com --- Phone: 0987.377.505 --- 01234.377.505